



# **Fondamenti di Elettronica, Sez.1**

**Alessandra Flammini**  
**[alessandra.flammini@unibs.it](mailto:alessandra.flammini@unibs.it)**  
**Ufficio 24 Dip. Ingegneria dell'Informazione**  
**030-3715627 Lunedì 16:30-18:30**



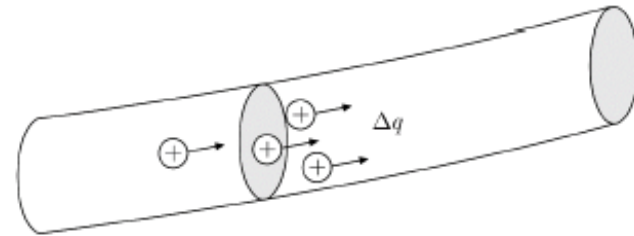
# **Richiami di Circuiti Elettrici per l'Elettronica (da lucidi del corso del Prof. Locatelli)**

# Corrente (1)

- La carica  $q$  si misura in *coulomb* [C]
- Principio di conservazione della carica.
- Nei metalli le cariche libere sono elettroni.
- Le cariche in movimento creano una corrente.
- Convenzione: si considera il movimento delle cariche positive.



## Corrente (2)



❑ La corrente  $i(t)$  rappresenta il flusso delle cariche positive:

❑ si misura in *ampere* [A];

❑ è costante lungo i conduttori ideali.

❑ Valori tipici di corrente:

❑ circuito integrato: 1 nA ÷ 1 μA;

❑ corrente avvertita da un essere umano: > 1 mA;

❑ impianto elettrico: 1 ÷ 20 A.

$$i(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{dq}{dt}$$



$$\Delta q = \int_0^{\Delta t} i(t) dt$$

**Nota, correnti nei dispositivi elettronici di "segnale":**

**dai nA (perdite) ai mA (corrente di trasporto dell'informazione su cavo > 10cm)**



# Tensione (1)



□ Tensione  $v$ : variazione di energia  $w$  per unità di carica  $q$ :

□ si misura in volt [V];

□ non dipende dal percorso;

$$v_{ab} = \frac{\Delta w}{q} = \frac{w(a) - w(b)}{q} = V(a) - V(b)$$

□ i conduttori ideali sono equipotenziali.

□ Valori tipici di tensione:

□ morsetti di un'antenna radio in ricezione: 100 nV ÷ 10  $\mu$ V;

□ batteria di un'automobile: 12 V;

□ linee ad alta tensione: 100 kV.

10

**Nota, tensione nei dispositivi elettronici di "segnale":**  
**dai mV (rumore) ai V (tensione di trasporto dell'informazione su scheda e cavo)**

## Tensione (2)

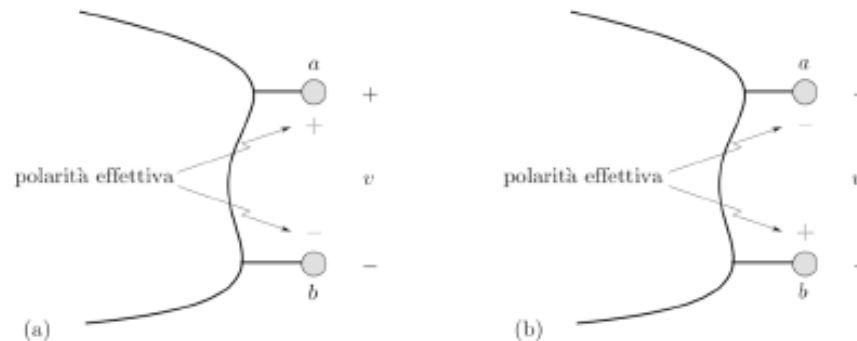
□ Polarità di riferimento:

- si indica con una coppia di segni  $+$  e  $-$  ed è totalmente arbitrario;
- $v > 0$ : la polarità effettiva coincide con quella di riferimento (a).
- $v < 0$ : la polarità effettiva è opposta a quella di riferimento (b).

$a$  ●  $+$

$v_{ab}$

$b$  ●  $-$



**Nota: la tensione che si utilizza nell'analisi elettronica è sempre una differenza di potenziale, ossia la tensione di un punto rispetto ad un altro**

$$v_{ab} = v_a - v_b$$

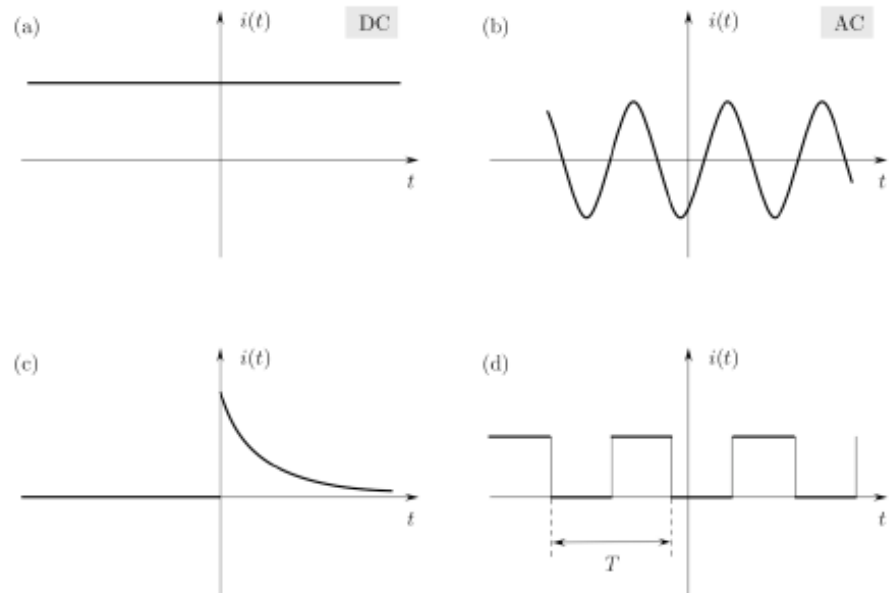
# Segnali di tensione e corrente

## ❑ DC (Direct Current):

❑ corrente continua.

## ❑ AC (Alternating Current):

❑ corrente alternata.



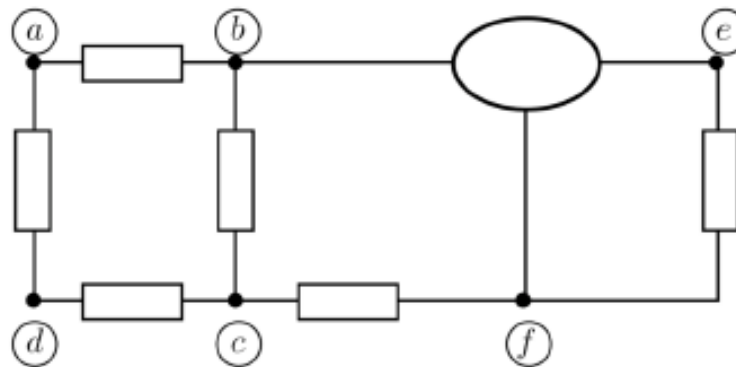
### Nota:

- **I tipici segnali in DC sono i segnali di alimentazione (es. batteria)**
- **Un segnale AC può essere aperiodico (es. un impulso) o periodico, ossia che si ripete identico dopo un tempo  $T$ , ed è quindi caratterizzato da una frequenza  $F[\text{Hz}] = 1/T$**
- **Un segnale DC è un'astrazione; si parla di segnali d'ingresso DC quando il segnale cambia molto lentamente (variazioni piccole in decine o centinaia di secondi)**

# Legge di Kirchhoff delle correnti (1)

❑ Concetto di nodo:

❑ un punto al quale sono connessi due o più elementi (es. 6 nodi)



❑ la somma algebrica delle correnti che entrano/escono in un nodo è 0.

$$\sum_k i_k(t) = 0$$

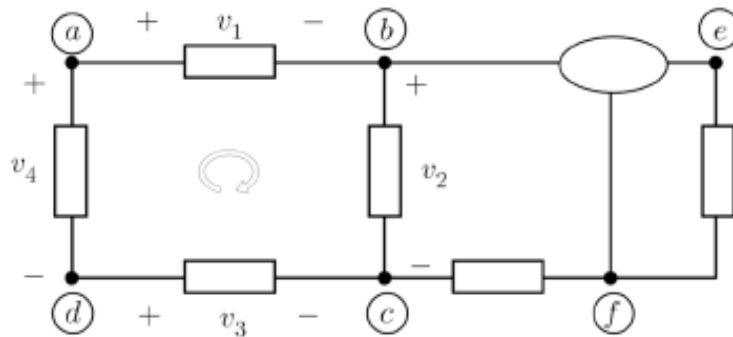


# Legge di Kirchhoff delle tensioni (1)

□ Il campo elettrostatico è conservativo:

$$\sum_k v_k(t) = 0$$

- una carica che si muove lungo un percorso chiuso presenta una variazione di energia nulla;
- la somma algebrica delle tensioni (variazioni di energia per unità di carica) lungo una sequenza chiusa di nodi è nulla.



$$v_1 + v_2 - v_3 - v_4 = 0$$

$$-v_1 - v_2 + v_3 + v_4 = 0$$

$$v_3 + v_4 = v_1 + v_2$$

16

## Nota:

- Nei circuiti elettronici che affronteremo, le "maglie" si presentano come "rami" che partono dalla tensione di alimentazione  $V_p$  e, attraverso i vari componenti scendono verso Gnd (ground = riferimento di tensione nullo). In un ramo la somma delle differenze di tensione sui vari componenti è pari alla tensione  $V_p$

# Potenza (1)

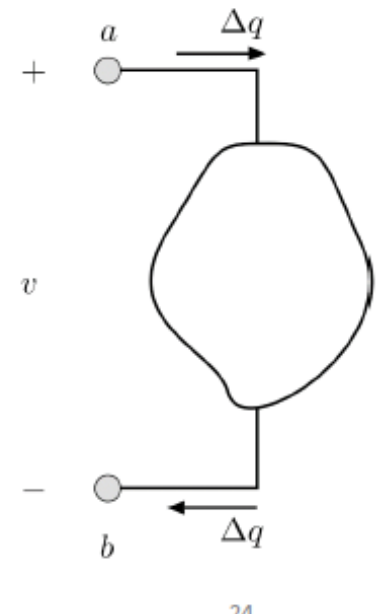
□ Una carica  $\Delta q > 0$  attraversa un generico bipolo da  $a$  a  $b$  in un tempo  $\Delta t$ . Supponendo  $v > 0$  si ha:  $\Delta w = v\Delta q$

□ La potenza è l'energia perduta per unità di tempo:

$$P = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta w}{\Delta t} = \frac{dw}{dt} \quad \longrightarrow \quad P = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta w}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{v\Delta q}{\Delta t} = vi$$

□ La potenza  $P$  si misura in *Watt* [W].

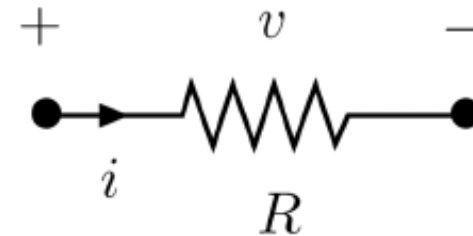
□ L'energia perduta dalla carica è assorbita dal bipolo.



## Nota:

- L'energia  $w$  è legata alla tensione, la potenza è la derivata nel tempo dell'energia
- La potenza elettrica è data dal prodotto di tensione per corrente
- Normalmente la potenza dissipata dai dispositivi elettronici si trasforma in calore
- **NOTA: un laptop consuma circa 50-100W, uno Smartphone meno di 5W**

## Bipoli resistivi (2)



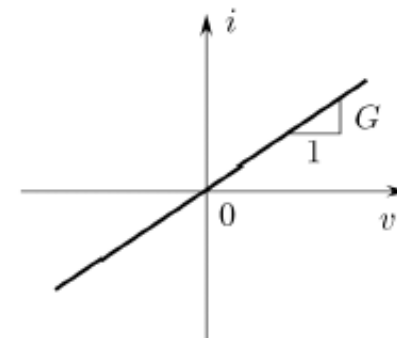
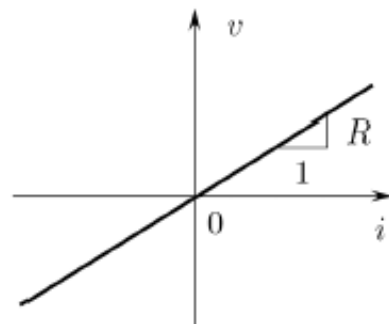
### □ Resistore (1):

□ relazione caratteristica (legge di Ohm):  $v = Ri$      $i = Gv$

□  $R (> 0)$  è detta resistenza e si misura in ohm  $[\Omega]$ ,  $G$  si dice conduttanza e si misura in Siemens  $[S]$ ;

□ la caratteristica I-V (V-I) è una retta passante per l'origine.

$$G = \frac{1}{R}$$



34

### Nota:

- Il resistore è un bipolo simmetrico lineare che ha resistenza  $R$  sia in DC che in AC
- La potenza dissipata da un resistore è  $P = V \cdot I = R \cdot I^2$

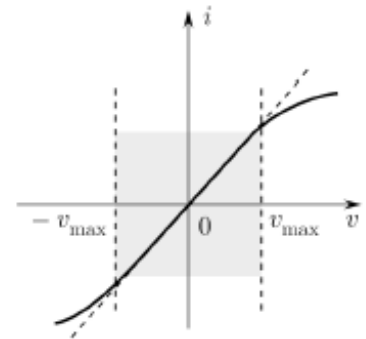
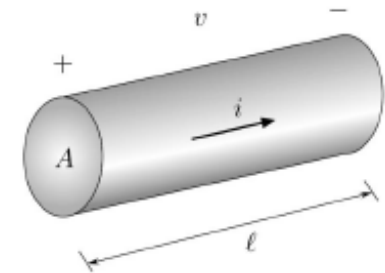
## Bipoli resistivi (4)

❑ Resistore (3):  $p(t) = v(t)i(t) = Ri^2(t) = \frac{v^2(t)}{R}$

- ❑ la potenza (assorbita) è sempre positiva ( $R > 0$ );
- ❑ elemento passivo: l'energia assorbita è sempre positiva;
- ❑ l'energia assorbita è convertita in calore (effetto Joule).

❑ Resistore reale:

- ❑ filo con resistività  $\rho$  percorso da corrente  $R = \rho \frac{l}{A}$
- ❑ la caratteristica non può essere perfettamente lineare!
- ❑ dispositivi fisici vs. elementi circuitali ideali.



36



## Bipoli resistivi (5)

### Corto circuito:

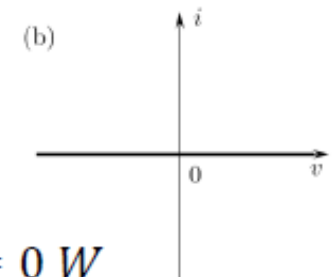
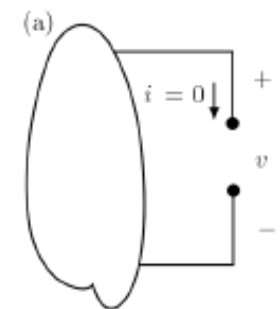
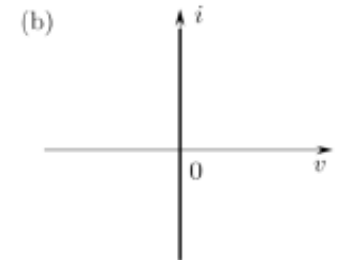
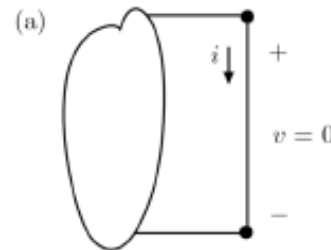
- la tensione è nulla, la corrente è libera:  $v = 0$
- la caratteristica coincide con l'asse delle correnti.

### Circuito aperto:

- la corrente è nulla, la tensione è libera:  $i = 0$
- la caratteristica coincide con l'asse delle tensioni.

Casi degeneri di resistore con  $R$  e  $G$  nulle.

Elementi duali.

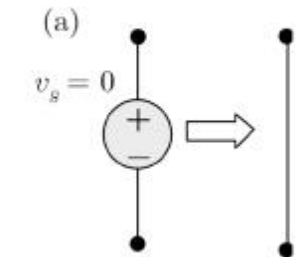
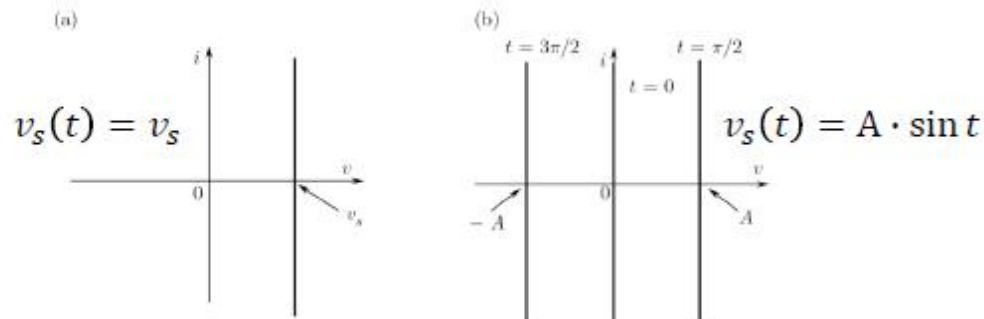
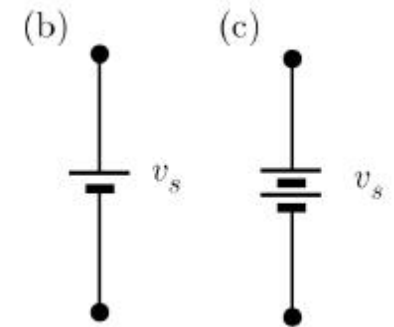
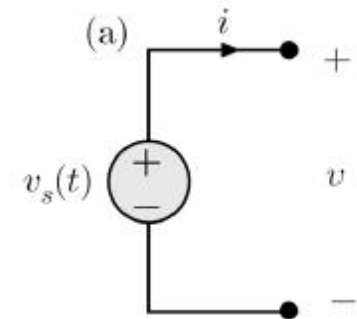


$$p(t) = 0 \text{ W}$$

# Bipoli resistivi (6)

□ Generatore indipendente di tensione:  $v = v_s(t)$

- impone una tensione che non dipende dalla corrente;
- batteria: la tensione imposta è costante nel tempo;
- se la tensione imposta è 0 degenera nel corto circuito;
- la caratteristica, in generale, è tempo-variante.



## Nota:

- In un generatore di tensione la corrente, di valore positivo, esce dal polo +
- Il generatore reale è modellizzato da un generatore ideale con un resistore di basso valore connesso in serie al polo +
- Nei circuiti che affronteremo ci sarà un solo generatore di tensione  $V_p$  (tensione di alimentazione)



# Resistenze parallelo e serie, partitore

## • Resistenze parallelo

– Due resistori si dicono in parallelo se hanno

i due terminali in comune e  $V_{R1} = V_{R2}$

– Nel circuito in alto si ha  $V = V_{R1} = V_{R2}$

– L'equazione di Kirkoff al nodo A è

$$I = I_{R1} + I_{R2} = (V_{R1}/R1) + (V_{R2}/R2) = (V_{R1} * G1) + (V_{R2} * G2)$$

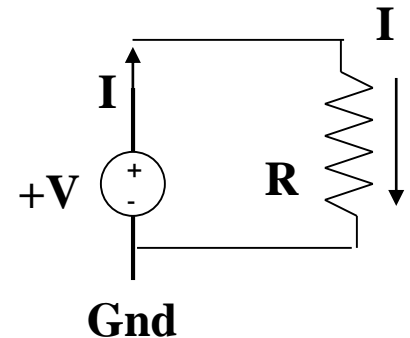
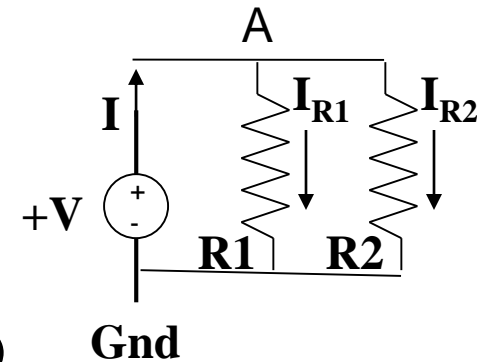
Dove  $G = 1/R$  è la conduttanza

– Nel circuito in basso si ha  $I = V/R = V * G$ , da cui

$$I = (V_{R1} * G1) + (V_{R2} * G2) = V * G, \text{ ossia } G = G1 + G2$$

$$(1/R) = (1/R1) + (1/R2)$$

$$R = R1 * R2 / (R1 + R2)$$



## • Note: la resistenza è la capacità di opporsi alla corrente

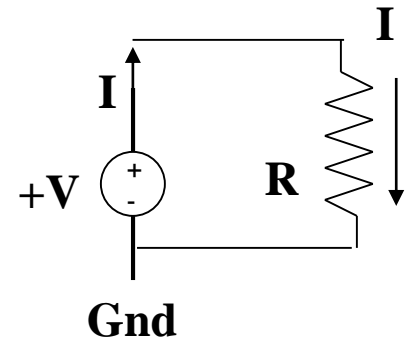
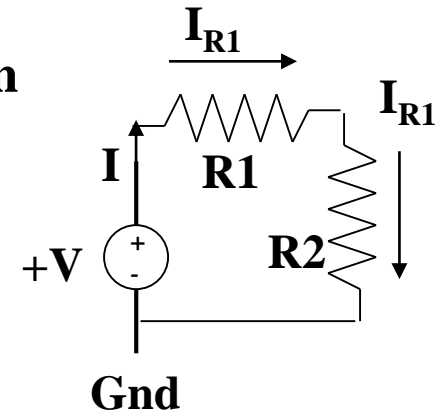
– Se creo un percorso in parallelo ad una resistenza, con resistenza di qualunque valore, la resistenza globale diminuisce

– Se le due resistenze sono diverse, la maggior parte della corrente va sulla minore (la R equivalente "assomiglia alla minore")

# Resistenze parallelo e serie, partitore

## • Resistenze serie

- Due resistori si dicono in serie se hanno un terminale in comune e vi scorre la stessa corrente, ossia  $I_{R1}=I_{R2}$
- La corrente  $I$  che esce dal generatore di tensione  $V$  attraversa entrambi i resistori  $R1$  e  $R2$ , ossia  $I=I_{R1}=I_{R2}$
- L'equazione di Kirkoff alla maglia è  $V = V_{R1} + V_{R2}$  ossia  $V = R1*I_{R1}+R2*I_{R2} = I*(R1+R2)$ . Il circuito è quindi equivalente al circuito a lato dove i due resistori in serie sono stati sostituiti da un resistore equivalente la cui resistenza  $R$  è pari a  $R = R1 + R2$
- **NOTA:** la resistenza è la capacità di opporsi al flusso di corrente; se aggiungo una resistenza in serie la resistenza globale aumenta



## • Partitore

Con riferimento al circuito in alto, la tensione  $V_{R2}$  ai capi di  $R2$  è anche detta tensione di partitore di  $V$  su  $R2$  ed  $R1$ .  $V_{R2} < V$

Si ha:  $V_{R2} = R2*I_{R2} = R2*I$  dove  $I=V/R= V/(R1+R2)$

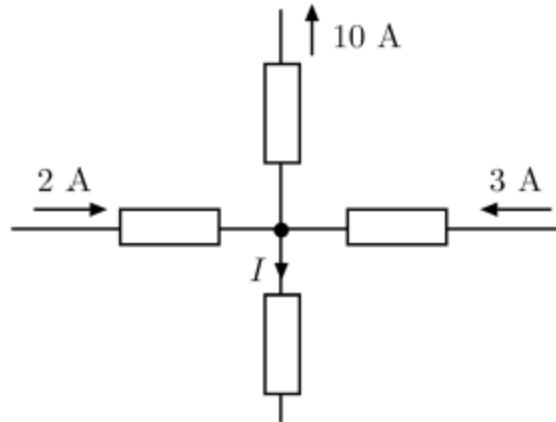
Quindi  $V_{R2} = V*R2/(R1+R2)$



# Esercizi

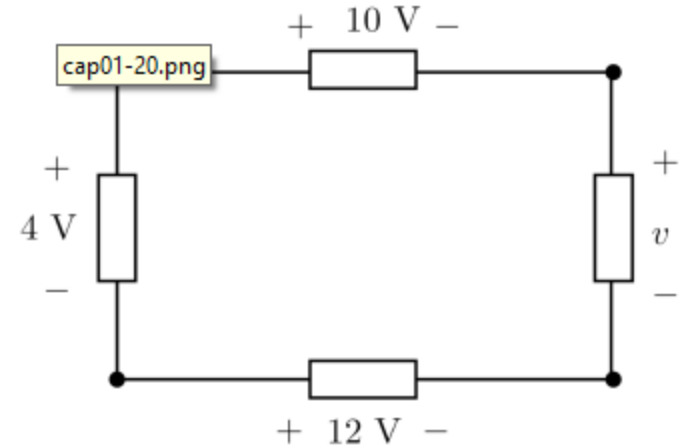
□ Ricavare il valore della corrente  $I$ .

$$I = -5 \text{ A}$$



□ Ricavare la tensione  $v$ .

$$v = 6 \text{ V}$$



- **Corrente al nodo**

La somma delle correnti è nulla,

$$I = 2\text{A} + 3\text{A} - 10\text{A} = -5\text{A}$$

- **Tensione di maglia**

La somma delle tensioni è nulla,

$$V + 10\text{V} - 4\text{V} - 12\text{V} = 0$$

- **NOTA: i generatori di tensione si possono mettere in serie e in parallelo?**

- la serie è permessa (la serie implica uguale corrente) e il generatore equivalente è la somma algebrica dei due

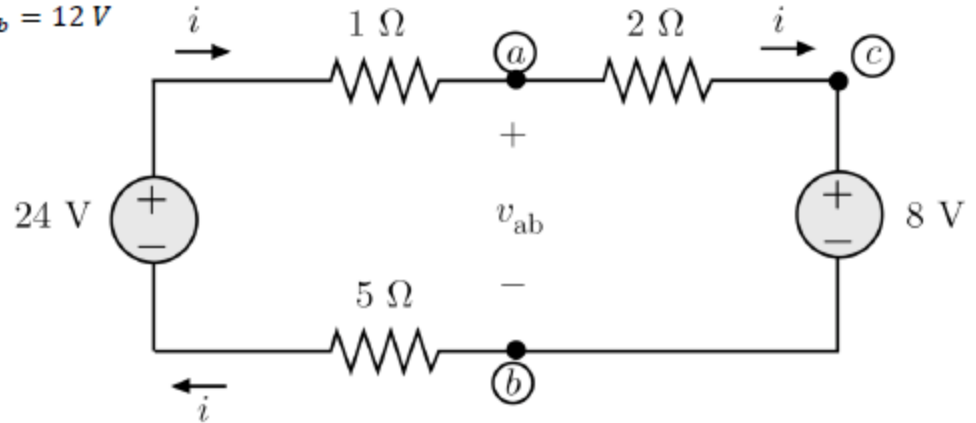
- il parallelo non è permesso (il parallelo implica uguale tensione)

# Esercizi

□ Calcolare la corrente  $i$  e la tensione  $v_{ab}$ .

$$i = 2 \text{ A}$$

$$v_{ab} = 12 \text{ V}$$



- **Ci sono vari modi per risolvere un circuito**
- **Tensione di maglia**

**Calcolo della corrente  $I$  di maglia**

**Dato che in una maglia isolata posso scambiare posizione agli elementi la maglia è equivalente ad una maglia con un generatore a  $24\text{V}-8\text{V}=16\text{V}$  e un resistore  $R = (1+2+5)\text{Ohm} = 8\text{Ohm}$ .**

**La corrente  $i$  di maglia è quindi  $16\text{V}/8\text{Ohm}=2\text{A}$**

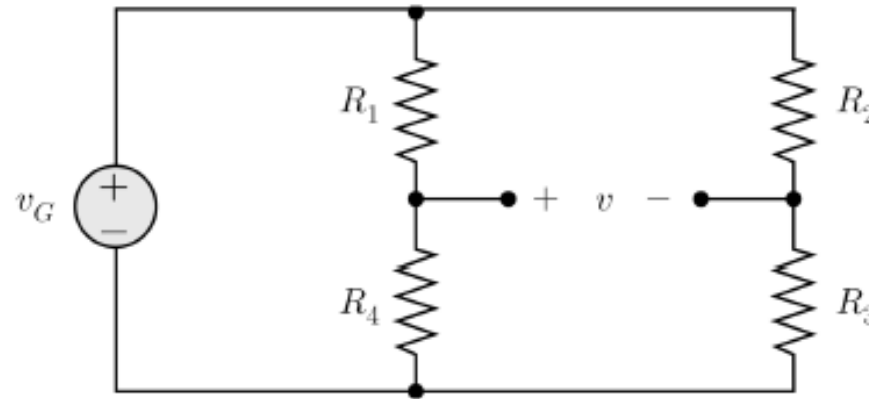
**La tensione  $V_{ab}$  è pari a  $8\text{V}$  più la caduta sul resistore da  $2\text{Ohm}$ .**

$$V_{ab} = 8\text{V} + 2\text{Ohm} \cdot 2\text{A}$$

**Nota: ponendo  $V_b=0$ , allora  $V_c=+8\text{V}$  e  $V_a-V_c= 2\text{Ohm} \cdot 2\text{A}$  quindi  $V_a= V_c + 2\text{Ohm} \cdot 2\text{A}$**

# Esercizi

- Ricavare la tensione  $v$  all'uscita del cosiddetto circuito a ponte, noto anche come ponte di Wheatstone.  $v = v_G \left( \frac{R_4}{R_1 + R_4} - \frac{R_3}{R_2 + R_3} \right) V$



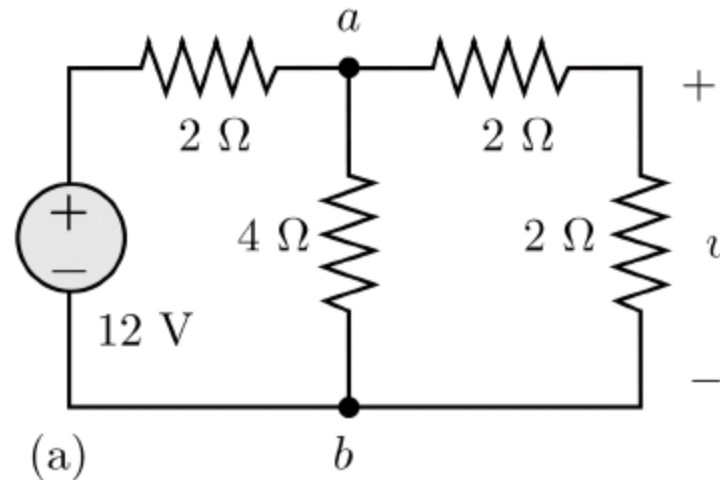
17

- La tensione  $v$  è pari alla differenza tra la tensione del polo + e il punto comune e la tensione del polo - e il punto comune
- La tensione tra il polo + e il punto comune è la tensione di partitore di  $V_G$  su  $R_4$  e  $R_1$  e, analogamente, la tensione tra il polo - e il punto comune è la tensione di partitore di  $V_G$  su  $R_3$  e  $R_2$

# Esercizi

□ Calcolare la tensione  $v$  sfruttando il principio di sostituzione.

$$v = 3V$$



- La tensione  $v$  si ricava da  $V_{ab}$  secondo la legge del partitore e  $V_{ab}$  è la tensione di partitore su  $R$  e sul resistore connesso al generatore da 12V, dove  $R$  è la resistenza equivalente alla rete resistiva costituita dal parallelo tra il resistore da 4Ohm e la serie dei due resistori da 2 Ohm
- $R = 2\text{Ohm}$ , quindi  $V_{ab} = 12V * 2\text{Ohm} / 4\text{Ohm} = 6V$
- quindi  $V = V_{ab} * 2\text{Ohm} / 4\text{Ohm} = 3V$

# Bipoli non lineari, soluzione analitica

- Si supponga un bipolo lineare che, al contrario del resistore che è un bipolo lineare definito dalla legge di Ohm  $v=R*i$ , è definito dalla relazione non lineare  $i = v^3$

Come si procede per via analitica?

si ricava l'equivalente di Thevenin della parte lineare:

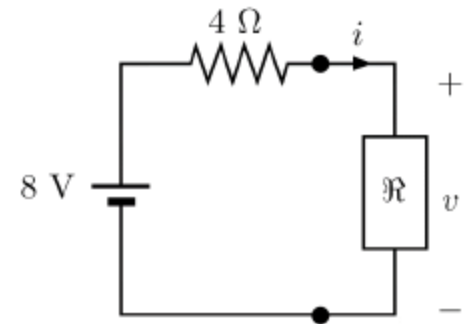
$$-8 + 4i + v = 0$$

il resistore nonlineare impone  $i = v^3$

sostituendo si ottiene:

$$4v^3 + v - 8 = 0$$

risolvendo numericamente si ottiene la soluzione.



# Bipoli non lineari, soluzione grafica

- La soluzione del circuito può essere trovata come intersezione tra la relazione fissata dalla parte sinistra del circuito ( $S_x$ ) e la relazione fissata dalla parte destra ( $D_x$ )

$$S_x: 8V - i \cdot 4\Omega - v = 0$$

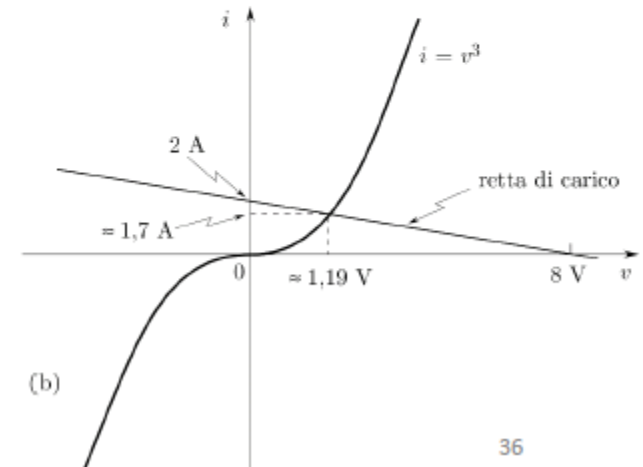
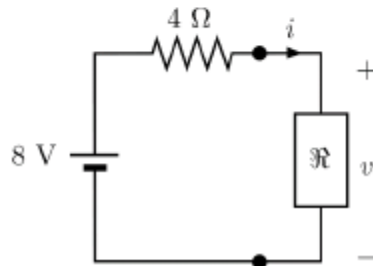
$$D_x: i = v^3$$

□ Interpretazione grafica:

□ la sorgente di Thevenin è rappresentata dalla sua retta di carico, sovrapposta alla caratteristica del resistore nonlineare;

□ l'intersezione fornisce il punto di lavoro:

□ in regime nonlineare può non essere unico!



36

# Condensatore

- Il condensatore è un bipolo non lineare descritto da una caratteristica differenziale.  $I = C \cdot dV/dt$      $V = (1/C) \int I \cdot dt = Q/C$
- In pratica, se si applica una tensione ai suoi capi, il condensatore subito genera/assorbe una corrente che provoca uno spostamento di cariche (in generale, la carica è l'integrale nel tempo della corrente) che si oppone alla tensione applicata, per questo si dice che il condensatore si oppone alle variazioni di tensione memorizzando uno stato di carica.
- In DC (dopo un tempo infinito) la corrente ai suoi capi è nulla (circuitto aperto)

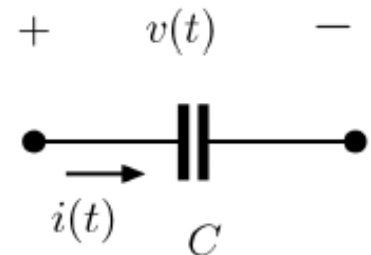
## Condensatore (1):

relazione caratteristica:  $i(t) = C \frac{dv(t)}{dt}$

la scelta del verso di riferimento determina il segno!

$C$  è detta capacità e si misura in farad [F];

equazione differenziale lineare  elemento dinamico lineare.



# Condensatore

## Componenti dinamici (2)

### □ Condensatore (2):

□ condensatore reale: coppia di conduttori (armature) separate da un isolante (dielettrico);

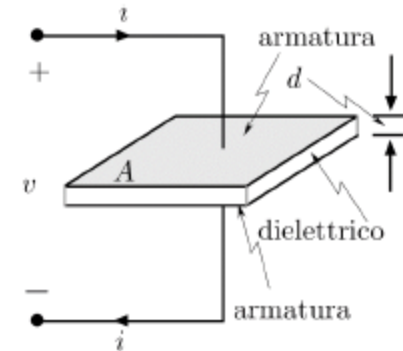
□ sulle armature si accumulano cariche  $+q$  e  $-q$  con  $q = Cv$

□ derivando si ottiene proprio la relazione caratteristica  $i = \frac{dq}{dt} = C \frac{dv}{dt}$

□  $C$  dipende dalla geometria del condensatore;

□ es. per il condensatore a facce piane parallele si ha  $C = \epsilon_r \epsilon_0 \frac{A}{d}$

□ valori tipici: tra qualche pF e qualche mF.



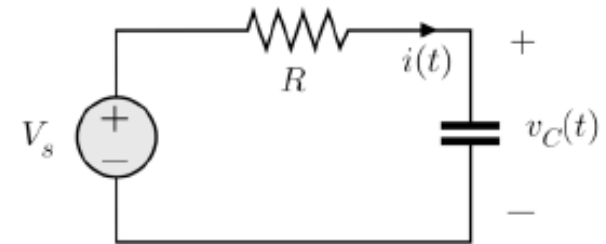


# Condensatore, circuito RC

- Il condensatore ha caratteristica inversa

$$v(t) = v(t_0) + \frac{1}{C} \int_{t_0}^t i(x) dx$$

## Circuiti del primo ordine (6)



### □ Circuito RC (forzante costante):

□ condensatore carico con tensione iniziale  $v_C(0)$ , si calcola  $v_C(t)$ ;

□ dalla LKT si ha:  $V_s = Ri(t) + v_C(t)$

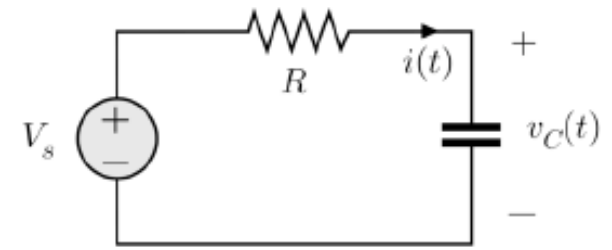
□ sfruttando la relazione caratteristica del condensatore:  $V_s = RC \frac{dv_C(t)}{dt} + v_C(t)$

□ ovvero  $\frac{dv_C(t)}{dt} + \frac{1}{\tau} v_C(t) = \frac{V_s}{\tau}$

□ con la costante di tempo  $\tau = RC$  [s]

□ è un'equazione differenziale del primo ordine, lineare, non omogenea, a coefficienti costanti!

# Condensatore, circuito RC



## Approccio "fisico"

- Si suppone inizialmente che:  
il condensatore C sia scarico  $V_C(t_{0-}) = V_S(t_{0-}) = 0$ , quindi  $i(t_{0-}) = 0$
- Quando si applica  $V_S(t_{0+}) = V_S$ , nella resistenza scorre la corrente  $i$  che carica il condensatore e  $V_C(t)$  aumenta secondo l'equazione di C  
$$v(t) = v(t_0) + \frac{1}{C} \int_{t_0}^t i(x) dx$$
- La tensione  $V_C(t)$  aumenta, così come la carica immagazzinata in C (la carica è l'integrale nel tempo della corrente) e quindi diminuisce  $V_R$  ed  $i(t)$ , fino a quando  $i=0$  e il condensatore è carico a  $V_S$
- la tensione iniziale aumenta lentamente fino alla tensione finale  
( $1 - e^{-x} = \curvearrowright$  da 0 a 1) 
$$v_C(t) = v_C(0) + (V_S - v_C(0))(1 - e^{-t/RC})$$

## Approccio "matematico"

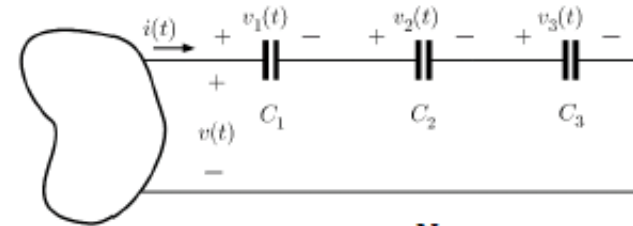
- Il circuito è descritto dall'equazione

$$\frac{dv_C(t)}{dt} + \frac{1}{\tau} v_C(t) = \frac{V_S}{\tau}$$

che ha soluzione 
$$v_C(t) = (v_C(0) - V_S)e^{-t/RC} + V_S \quad x(t) = (x(0) - x(\infty))e^{-t/\tau} + x(\infty)$$

# Condensatori in serie

## Componenti dinamici (14)



### □ Condensatori in serie:

□ dalla LKT:  $v(t) = v_1(t) + v_2(t) + v_3(t)$

$$\frac{1}{C_s} = \sum_{k=1}^N \frac{1}{C_k}$$

□ dalla relazione caratteristica in forma integrale si ha:

$$v(t) = v_1(t_0) + \frac{1}{C_1} \int_{t_0}^t i(x) dx + v_2(t_0) + \frac{1}{C_2} \int_{t_0}^t i(x) dx + v_3(t_0) + \frac{1}{C_3} \int_{t_0}^t i(x) dx$$

□ che è equivalente a

$$v(t) = v(t_0) + \frac{1}{C_s} \int_{t_0}^t i(x) dx$$

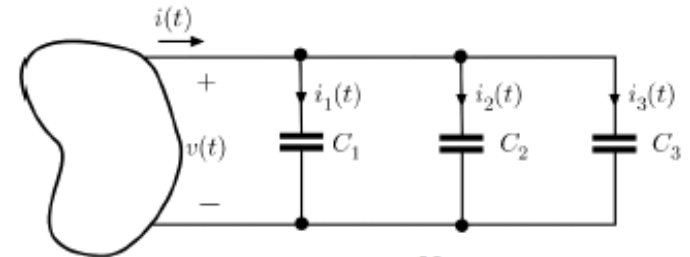
$$v(t_0) = v_1(t_0) + v_2(t_0) + v_3(t_0)$$

$$\frac{1}{C_s} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3}$$

□  $N$  condensatori in serie sono equivalenti a un condensatore con capacità  $C_s$  e tensione iniziale pari alla somma delle tensioni iniziali.

# Condensatori in parallelo

## Componenti dinamici (15)



### □ Condensatori in parallelo:

□ dalla LKC:  $i(t) = i_1(t) + i_2(t) + i_3(t)$

□ dalla relazione caratteristica in forma differenziale si ha:

$$i(t) = C_1 \frac{dv}{dt} + C_2 \frac{dv}{dt} + C_3 \frac{dv}{dt}$$

□ che è equivalente a

$$i(t) = C_p \frac{dv}{dt} \quad C_p = C_1 + C_2 + C_3 \quad v(t_0) = v_1(t_0) = v_2(t_0) = v_3(t_0)$$

□  $N$  condensatori in parallelo sono equivalenti a un condensatore con capacità  $C_p$  pari alla somma delle capacità.

$$C_p = \sum_{k=1}^N C_k$$

# Induttore

- L'induttore si oppone alle variazioni di corrente
- In DC (dopo un tempo infinito dalla variazione di corrente) la tensione ai suoi capi è nulla (corto circuito)

## Componenti dinamici (9)

### Induttore (1):

#### relazione caratteristica:

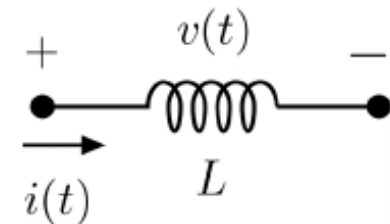
- la scelta del verso di riferimento determina il segno!

#### $L$ è detta induttanza e si misura in henry [H];

#### è un elemento dinamico lineare.

#### elemento duale rispetto al condensatore:

- tensione/corrente;
- induttanza/capacità;
- flusso/carica.



$$v(t) = L \frac{di(t)}{dt}$$



# R, C, L: impedenze Z

- L'impedenza Z consta di una parte reale (resistiva) e di una parte immaginaria (reattiva) che dipende dalla frequenza della tensione o della corrente impressa. L'operatore  $j\omega$  si assimila alla derivata; l'operatore inverso  $1/j\omega$  si assimila all'integrale ( $\omega=2\pi f$ )

- Resistori con resistenza R

$V = R \cdot I$ , impedenza resistiva pura, stesso comportamento in DC e in AC, resistenze in serie si sommano

- Capacitori con capacità C

$V = I/j\omega C$ , impedenza reattiva pura, in DC ( $\omega=0$ ) è un circuito aperto (impedenza infinita), alle alte frequenze ( $\omega \rightarrow \infty$ ) è un corto circuito (impedenza nulla), capacità in parallelo si sommano

- Induttori con induttanza L

$V = j\omega L \cdot I$ , impedenza reattiva pura, in DC è un corto circuito, alle alte frequenze è un circuito aperto, induttanze in serie si sommano

# Circuiti R,C,L: analisi qualitativa alle impedenze

## • Circuito RC

Equazione alla maglia:  $V_s + RI + I/j\omega C = 0$ , se  $V_s = V_s(\omega)$  allora

$$V_C(\omega) = V_S(\omega) \frac{1/j\omega C}{R + 1/j\omega C} = V_S(\omega) \frac{1}{1 + j\omega RC}$$

Alle basse frequenze ( $\omega \sim 0$ , tempi lunghi), allora  $V_C(t) = V_S(t)$

Alle alte frequenze ( $\omega \sim \infty$ , tempi brevi), allora  $V_C = \frac{1}{RC} \int V_S(t) dt$

Azione filtro passa-basso (integra le alte frequenze)

## • Circuito CR (stessa equazione alla maglia)

$$V_R(\omega) = V_S(\omega) \frac{R}{R + 1/j\omega C} = V_S(\omega) \frac{j\omega RC}{1 + j\omega RC}$$

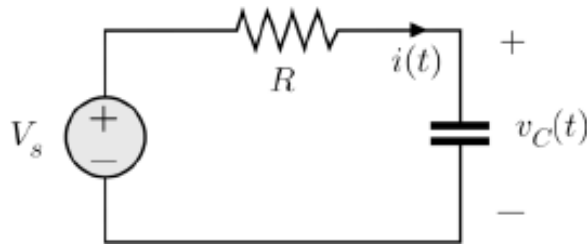
Alle basse frequenze ( $\omega \sim 0$ , tempi lunghi), allora  $V_R = RC \frac{dV_S(t)}{dt}$

Alle alte frequenze ( $\omega \sim \infty$ , tempi brevi), allora  $V_C(t) = V_S(t)$

Azione filtro passa-alto (la derivata di segnali lenti è piccola)

# Esercizi

□ Calcolare la costante di tempo  $\tau$  e la frequenza di taglio  $f_C$



$$\begin{aligned}R &= 5 \text{ k}\Omega \\C &= 10 \text{ }\mu\text{F} \\V_S &= 5 \text{ V} \\V_C(0) &= 0 \text{ V}\end{aligned}$$

• Il circuito ha un'equazione

$$\frac{dv_C(t)}{dt} + \frac{1}{\tau} v_C(t) = \frac{V_S}{\tau}$$

– La soluzione dell'eq. differenziale è  $v_C(t) = v_C(0) + (V_S - v_C(0))(1 - e^{-t/RC})$

• La costante di tempo,  $\tau$ , di un circuito RC è definita come:

–  $\tau = RC$ , quindi  $\tau = 5 * 10^3 * 10 * 10^{-6} = 50 * 10^{-3} \text{ s} = 0,05 \text{ s} = 50 \text{ ms}$

• Dopo quanto tempo  $V_C = 1\text{V}$ ?  $v_C(t) = 1\text{V} = 5\text{V}(1 - e^{-t/RC})$

• Nel dominio delle frequenze,  $V_C(w) = V_S(w) \frac{1/jwC}{R + 1/jwC} = V_S(w) \frac{1}{1 + jwRC}$

– La frequenza di taglio,  $f_C$ , è la frequenza dove l'attenuazione è pari a 3dB ( $20\log(V_C/V_S) = -3 \rightarrow V_C = 0,7V_S$ ) ed è il polo della funzione di trasferimento del primo ordine.  $f_C = 1/2\pi RC$ ,  $\rightarrow f_C = 1/(2\pi 50 * 10^{-3}) = 3.2 \text{ Hz}$

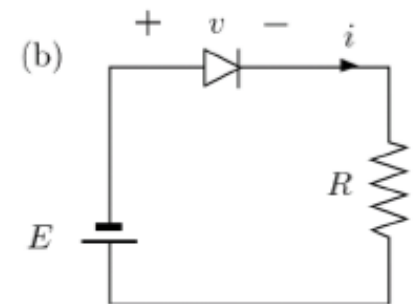
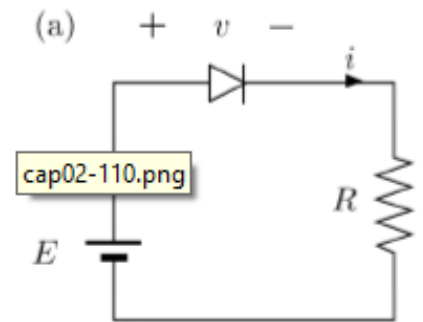
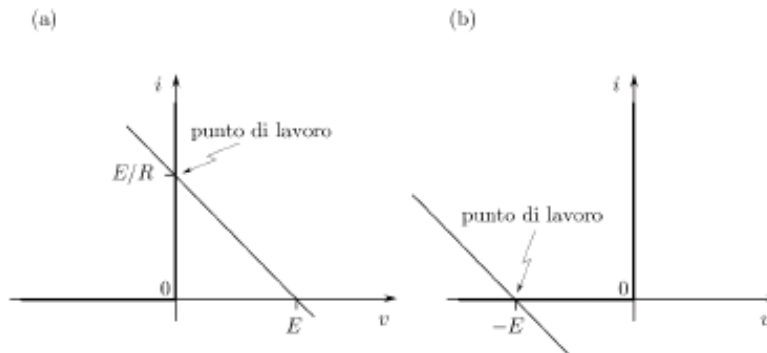


# Il diodo visto come bipolo non lineare, DC

- Il modello ultra-semplificato del diodo descrive un bipolo che in un senso (se  $v > 0$ ) lascia passare tutta la corrente, mentre nell'altro senso ( $v < 0$ ) blocca la corrente ( $i = 0$ )

## ❑ Esempio:

- ❑ serie di batteria ( $E > 0$ ), resistore, diodo ideale;
- ❑ retta di carico (a), diodo ON:  $E = v + Ri$
- ❑ retta di carico (b), diodo OFF:  $-E = v + Ri$
- ❑ via analitica: si fanno ipotesi, si verifica lo stato del diodo.



# Il diodo visto come bipolo non lineare, AC

## • Circuito raddrizzatore

### ❑ Raddrizzatore a una semionda:

❑ ingresso sinusoidale  $v_s(t) = V_m \sin(\omega t)$

❑ dalla trattazione precedente:

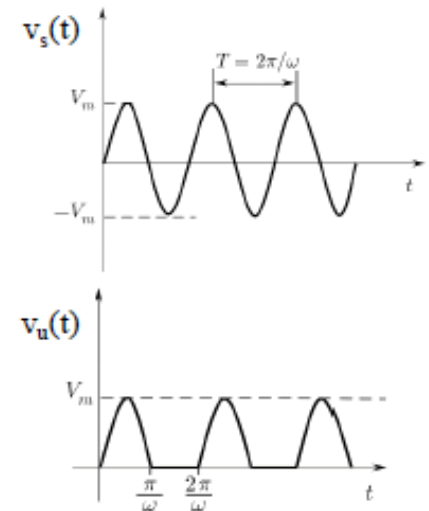
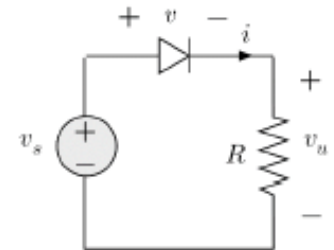
❑  $v_u = v_s$  se  $v_s > 0$ ;

❑  $v_u = 0$  se  $v_s < 0$ .

❑ l'uscita ha valor medio diverso da zero:

❑ primo passo per la conversione da AC a DC;

❑ circuito usato negli alimentatori e nei caricabatterie!



# Concetti fondamentali

- **Tensione e nodi maglia(/ramo), corrente e nodi, potenza**
- **Segnali DC e AC, periodo, frequenza**
- **Resistenza, parallelo, serie, legge di Ohm, partitore, opposizione al passaggio di corrente**
- **Capacità, parallelo, serie, opposizione a variazioni di tensione**
- **Induttanza, parallelo, serie, opposizione a variazioni di corrente**
- **Impedenze, analisi di circuiti mediante le impedenze**
- **Circuito RC e CR (vedi anche laboratorio)**